

Equation de droite (méthode vectorielle)

Pour déterminer l'équation cartésienne de la forme $ax + by + c = 0$, ($a, b, c \in \mathbb{R}$) d'une droite (d), puis son équation réduite de la forme $y = mx + p$ ($m, p \in \mathbb{R}$) quand on dispose d'un point $P(x_P; y_P)$ et d'un vecteur directeur \vec{u}_D de la droite (d), on considère un point quelconque $S(x; y)$ appartenant à la droite (d), on calcule les composantes $(x - x_P; y - y_P)$ du vecteur \vec{PS} , puis on utilise la relation de colinéarité entre les deux vecteurs \vec{u}_D et \vec{PS} pour trouver l'équation cartésienne de la droite $(d) = (P; \vec{u}_D)$ à partir de laquelle on peut déterminer l'équation réduite de (d).

Relation de colinéarité entre deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} : Si $\vec{u}(a; b)$ et $\vec{v}(c; d)$, \vec{u} colinéaire à $\vec{v} \Leftrightarrow ad - bc = 0$.

En utilisant cette technique, déterminer l'équation cartésienne de la droite passant par chacun des couples (point, vecteur) donnés ci-dessous, ainsi que son équation réduite.

a) $K(-2; -5)$ $\vec{u}_D(4; -3)$ (K, \vec{u}_D) ?

b) $L(3; -4)$ $\vec{u}_D(-5; 2)$ (L, \vec{u}_D) ?

c) $M(2; -3/5)$ $\vec{u}_D(3; 0)$ (M, \vec{u}_D) ?

d) $N(-2/7; 3)$ $\vec{u}_D(0; -5/2)$ (N, \vec{u}_D) ?