

Équations du second degré

Si une expression mathématique est de la forme $E(x) = \frac{N(x)}{D(x)}$, avant de commencer à la manipuler, il faut poser sa contrainte d'existence qui est $D(x) \neq 0$ et exclure de \mathbb{R} l'éventuelle (les éventuelles) valeur(s) de x trouvée(s), d'autre part on rappelle que $E(x) = 0 \Leftrightarrow N(x) = 0$

Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes

1) $4x^2 = 2x$

2) $x^2 - 9 = 0$

3) $25x^2 - 1 = 0$

4) $(2x-1)(x+1) + (2x-1)(3x^2-7) = 0$

5) $3(x-1)^2 + 2x - 2 = 0$

6) $9x^2 - 4x = 0$

7) $(2x-1)^2 = 4x-2$

8) $-x^2 + 3 = 0$

9) $(2x+3)^2 = (x-1)^2$

10) $\frac{5}{3}x(x^2 - 3x)(x+1) = 0$

11) $3(x+2)^2(x-1) - (x+2)(x-1)^2 = 0$

12) $4x^2 - 9 = 3(2x+3)$

13) $2x^2 - 5x = (2x-5)(2x+4)$

14) $(3x-4)(x+1) = 3x^2 + 4$

15) $\frac{x^2+4x-3}{-2x^2+7x} = 0$

16) $\frac{-x^2-3x-7}{2x^2+5x-4} = 0$

17) $\frac{2x-5}{3x-2} = \frac{-x-5}{-4x+3}$

18) $\frac{4x-3}{-2x+7} = \frac{-3x-2}{3x-4}$

19) $\frac{x^2-2x}{2+x} = 0$

20) $\frac{-2x^2+5x}{-7-3x} = \frac{-3}{7}$

21) $\frac{(x-3)^2-25}{x-8} = 0$

22) $\frac{3x}{x^2+1} = 4$

23) $\frac{5x-3}{x-1} = -\frac{3}{x}$

24) $\frac{3}{x+2} = \frac{1}{3x}$

25) $\frac{2}{x} + \frac{1}{2} = \frac{5}{2x}$

26) $\frac{2}{x} = \frac{3}{x+1} + \frac{1}{x(x+1)}$

27) $2x-7 = \frac{4}{2x-7}$

28) $\frac{x^2+4x-3}{x^2-1} = 1$

29) $x(x+1) + x^2 - 1 = 0$

30) $x(2x+1) + 1 = 4x^2$

31) $3x^2 - 12 + (x-2)(x+3) = 0$

32) $4(x+3)^2 - (x-5)^2 = 0$

33) $\frac{x^2+2x-1}{x+1} = 2x-1$

34) $\frac{3x}{x+2} - \frac{x+1}{x-2} = -\frac{11}{5}$

35) $\frac{1}{x+2} - \frac{2}{2x-5} = \frac{9}{4}$

36) $\frac{3x^2+10x+8}{x+2} = 2x+5$

37) $(2x^2 + 9x + 5)(3x^2 - 7) = 0$

38) $(3x^2 + 5x - 3)(-2x^2 + 5x)(-7x^2 + 9) = 0$

39) $\frac{(-x^2+7x-3)(-5x^2+3x)(-2x+7)}{-2x^2+3x-7} = 0$

40) $\frac{-7x+8}{x+2} - 5 = \frac{-4x-7}{2x-3}$